

Representación de números reales

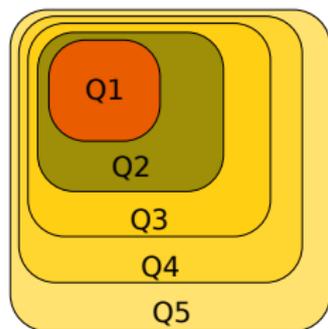
Organización de computadoras

Universidad Nacional de Quilmes

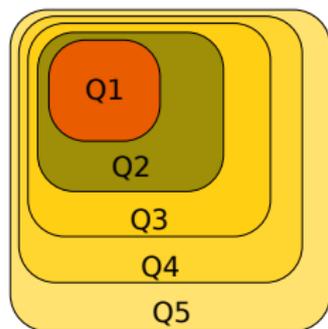
<http://orga.blog.unq.edu.ar>

Repaso

1 Pila

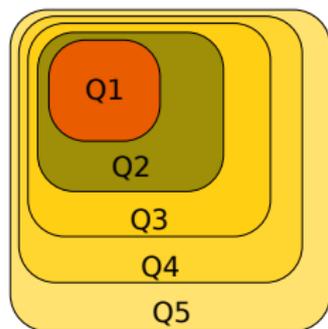


Repaso



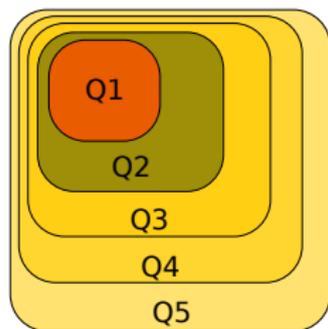
- 1 Pila
- 2 Modularización
- 3 Reuso

Repaso



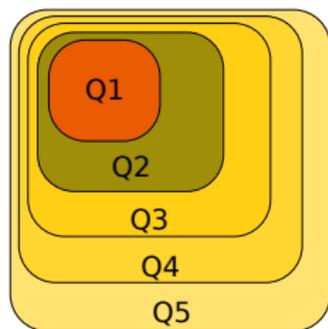
- 1 Pila
- 2 Modularización
- 3 Reuso
- 4 Programas y Rutinas

Repaso



- 1 Pila
- 2 Modularización
- 3 Reuso
- 4 Programas y Rutinas
- 5 **Q5**

Repaso



- 1 Pila
- 2 Modularización
- 3 Reuso
- 4 Programas y Rutinas
- 5 **Q5**
 - 1 CALL
 - 2 RET

Modularización

Modularizar

Dividir un problema *grande* en problemas mas *pequeños*

Modularización

Modularizar

Dividir un problema *grande* en problemas mas *pequeños*



Problemón:

Desafío del maxi-kiosco

Problemita 1: **Hacer copia de seguridad de la tabla de precios**

Problemita 2: **Recorrer tabla de ofertas**

Subproblemita: **Aplicar descuento al producto**

Reuso

Reusar

Escribir subrutinas que puedan ser usadas en diferentes situaciones

Reuso

Reusar

Escribir subrutinas que puedan ser usadas en diferentes situaciones



Problema 1

Subrutina 1

Subrutina 2

Problema 2

Subrutina 1

Subrutina 3

Reuso

Reusar

Escribir subrutinas que puedan ser usadas en diferentes situaciones

Problema 1:

**Contar pendientes de
aprobación**

Subrutina 1: **aprobar**

Subrutina 2: **contar si $R1=0$**

Problema 2:

Contar aprobados

Subrutina 1 : **aprobar**

Subrutina 3: **contar si $R1=1$**

Para hoy tenemos...

Desafío

Desafío



Representar partes no enteras de una unidad (números fraccionarios)

Desafío



Representar partes no enteras de una unidad (números fraccionarios)



¿Cómo lo hacemos?

En el sistema decimal...

Se usa un caracter " , " para separar las unidades de las fracciones

En el sistema decimal...

Se usa un caracter " , " para separar las unidades de las fracciones



Si la cadena 16 vale: $10+6 = 1*10^1 + 6*10^0$

En el sistema decimal...

Se usa un caracter ", " para separar las unidades de las fracciones



Si la cadena 16 vale: $10+6 = 1*10^1 + 6*10^0$



La cadena 1,6 vale: $1+0,6 = 1*10^0 + 6*10^{-1}$

La coma establece una posición para los pesos de los dígitos

Motivación

La coma establece una posición para los pesos de los dígitos

Motivación

La coma establece una posición para los pesos de los dígitos



| Pesos | | | | |
|--------|--------|-----------|-----------|--------------------|
| 10^1 | 10^0 | 10^{-1} | 10^{-2} | Valor representado |
| 1 | 6 | , | 0 | 16 |
| | 1 | , | 6 | 1,6 |
| | 0 | , | 1 6 | 0,16 |

Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

| Pesos | | | | Valor representado |
|--------|--------|-----------|-----------|--------------------|
| 10^1 | 10^0 | 10^{-1} | 10^{-2} | |
| 1 | 6 | , | 0 | 16 |
| | 1 | , | 6 | 1,6 |
| | 0 | , | 1 | 0,16 |

Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

| Pesos | | | | Valor representado |
|--------|--------|-----------|-----------|--------------------|
| 10^1 | 10^0 | 10^{-1} | 10^{-2} | |
| 1 | 6 | , | 0 | 16 |
| | 1 | , | 6 | 1,6 |
| | 0 | , | 1 6 | 0,16 |



| Pesos | | | | Valor representado |
|-------|-------|----------|----------|--------------------|
| 2^1 | 2^0 | 2^{-1} | 2^{-2} | |
| 1 | 1 | , | 0 | $2^1 + 2^0 = 3$ |

Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

| Pesos | | | | Valor representado |
|--------|--------|-----------|-----------|--------------------|
| 10^1 | 10^0 | 10^{-1} | 10^{-2} | |
| 1 | 6 | , | 0 | 16 |
| | 1 | , | 6 | 1,6 |
| | 0 | , | 1 6 | 0,16 |



| Pesos | | | | Valor representado |
|-------|-------|----------|----------|--------------------------------|
| 2^1 | 2^0 | 2^{-1} | 2^{-2} | |
| 1 | 1 | , | 0 | $2^1 + 2^0 = 3$ |
| | 1 | , | 1 | $2^0 + 2^{-1} = 1 + 0,5 = 1,5$ |

Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

| Pesos | | | | Valor representado |
|--------|--------|-----------|-----------|--------------------|
| 10^1 | 10^0 | 10^{-1} | 10^{-2} | |
| 1 | 6 | , | 0 | 16 |
| | 1 | , | 6 | 1,6 |
| | 0 | , | 1 6 | 0,16 |



| Pesos | | | | Valor representado |
|-------|-------|----------|----------|---------------------------------------|
| 2^1 | 2^0 | 2^{-1} | 2^{-2} | |
| 1 | 1 | , | 0 | $2^1 + 2^0 = 3$ |
| | 1 | , | 1 | $2^0 + 2^{-1} = 1 + 0,5 = 1,5$ |
| | 0 | , | 1 1 | $2^{-1} + 2^{-2} = 0,5 + 0,25 = 0,75$ |

Pero... no podemos escribir la
coma!

Sistema de Punto Fijo

Sistema de punto fijo

Sistema de numeración binario donde se establece una posición fija de la coma fraccionaria.

Sistema de Punto Fijo

Sistema de punto fijo

Sistema de numeración binario donde se establece una posición fija de la coma fraccionaria.



La coma se asume en un lugar fijo, y no se escribe

Para eso se acuerda un sistema de escritura (y lectura)

Sistema de Punto Fijo

Ejercicio: interpretar

| Parte entera | | Parte Fraccionaria | | | |
|--------------|-------|--------------------|----------|----------|-------|
| 2^1 | 2^0 | 2^{-1} | 2^{-2} | 2^{-3} | Valor |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | ? |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | ? |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | ? |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | ? |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | ? |

Sistema de Punto Fijo

Notación

BSS(n,m) denota un sistema *Binario Sin Signo* con **n bits en total**, de los cuales m son fraccionarios

| Parte entera | | Parte Fraccionaria | | | |
|--------------|-------|--------------------|----------|----------|-------|
| 2^1 | 2^0 | 2^{-1} | 2^{-2} | 2^{-3} | Valor |

Sistema de Punto Fijo

Notación

BSS(n,m) denota un sistema *Binario Sin Signo* con **n bits en total**, de los cuales m son fraccionarios

| | | | | | |
|--------------|-------|--------------------|----------|----------|-------|
| Parte entera | | Parte Fraccionaria | | | |
| 2^1 | 2^0 | 2^{-1} | 2^{-2} | 2^{-3} | Valor |



BSS(5,3)

Comparación entre sistemas

Completar la siguiente tabla

| Cadena | $BSS(2)$ | $BSS(2, 1)$ |
|--------|----------|-------------|
| 00 | | |
| 01 | | |
| 10 | | |
| 11 | | |

Comparación entre sistemas

| Cadena | $BSS(2)$ | | $BSS(2, 1)$ | |
|--------|---------------------|---|------------------------|-----|
| 00 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 01 | $1 * 2^0$ | 1 | $1 * 2^{-1}$ | 0,5 |
| 10 | $1 * 2^1$ | 2 | $1 * 2^0$ | 1 |
| 11 | $1 * 2^1 + 1 * 2^0$ | 3 | $1 * 2^0 + 1 * 2^{-1}$ | 1,5 |

Comparación entre sistemas

Completar la siguiente tabla

| Cadena | $BSS(3)$ | $BSS(3, 1)$ |
|--------|----------|-------------|
| 000 | | |
| 001 | | |
| 010 | | |
| 011 | | |
| 100 | | |
| 101 | | |
| 110 | | |
| 111 | | |

Comparación entre sistemas

| Cadena | $BSS(3)$ | | $BSS(3, 1)$ | |
|--------|-------------------------------|---|----------------------------------|-----|
| 000 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 001 | $1 * 2^0$ | 1 | $1 * 2^{-1}$ | 0,5 |
| 010 | $1 * 2^1$ | 2 | $1 * 2^0$ | 1 |
| 011 | $1 * 2^1 + 1 * 2^0$ | 3 | $1 * 2^0 + 1 * 2^{-1}$ | 1,5 |
| 100 | $1 * 2^2$ | 4 | $1 * 2^1$ | 2 |
| 101 | $1 * 2^2 + 1 * 2^0$ | 5 | $1 * 2^1 + 1 * 2^{-1}$ | 2,5 |
| 110 | $1 * 2^2 + 1 * 2^1$ | 6 | $1 * 2^1 + 1 * 2^0$ | 3 |
| 111 | $1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0$ | 7 | $1 * 2^1 + 1 * 2^0 + 1 * 2^{-1}$ | 3,5 |

Interpretación en $BSS(n, m)$: dos mecanismos

Interpretación en $BSS(n, m)$: dos mecanismos

(A)

Sumar considerando los
pesos fraccionarios

(B)

Interpretar el número como
en $BSS()$ y dividir por 2^m

Interpretación en $BSS(n, m)$: dos mecanismos

(A)

Sumar considerando los
pesos fraccionarios

$$\begin{aligned}\mathcal{I}_{bss(5,2)}(00101) &= 2^0 + 2^{-2} \\ &= 1,25\end{aligned}$$

(B)

Interpretar el número como
en $BSS()$ y dividir por 2^m

Interpretación en $BSS(n, m)$: dos mecanismos

(A)

Sumar considerando los pesos fraccionarios

$$\begin{aligned} \mathcal{I}_{bss(5,2)}(00101) &= 2^0 + 2^{-2} \\ &= 1,25 \end{aligned}$$

(B)

Interpretar el número como en $BSS()$ y dividir por 2^m

$$\begin{aligned} \mathcal{I}_{bss(5,2)}(00101) &= \frac{\mathcal{I}_{bss(5)}(00101)}{4} \\ &= \frac{5}{4} = 1,25 \end{aligned}$$

Rango

Rango

Intervalo de números representables

Rango

Rango

Intervalo de números representables

Calcular el rango del sistema $BSS(2, 1)$

Rango

Rango

Intervalo de números representables

Calcular el rango del sistema $BSS(2, 1)$



Mínimo Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(00) = 0$$

Rango

Rango

Intervalo de números representables

Calcular el rango del sistema $BSS(2, 1)$



Mínimo Interpretar la cadena que representa al mínimo:

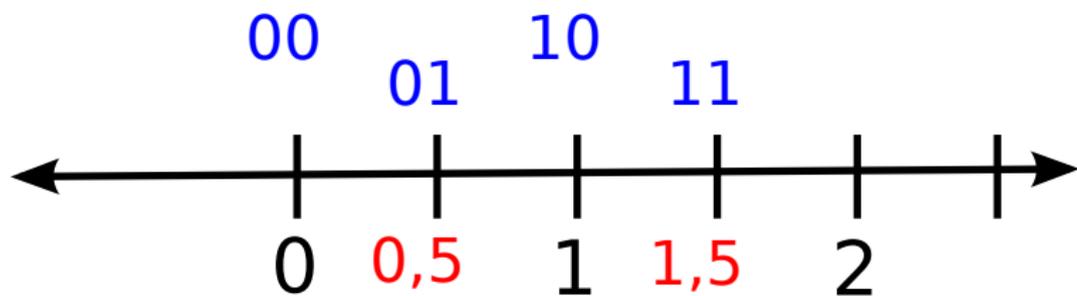
$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(00) = 0$$

Máximo Interpretar la cadena que representa al máximo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(11) = 2^0 + 2^{-1} = 1 + 0,5 = 1,5$$

Rango

Gráficamente



Rango

Calcular el rango del sistema $BSS(2, 0)$

Rango

Calcular el rango del sistema $BSS(2, 0)$



Mínimo Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(00) = 0$$

Rango

Calcular el rango del sistema $BSS(2, 0)$



Mínimo Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(00) = 0$$

Máximo Interpretar la cadena que representa al máximo:

Rango

Calcular el rango del sistema $BSS(2, 0)$

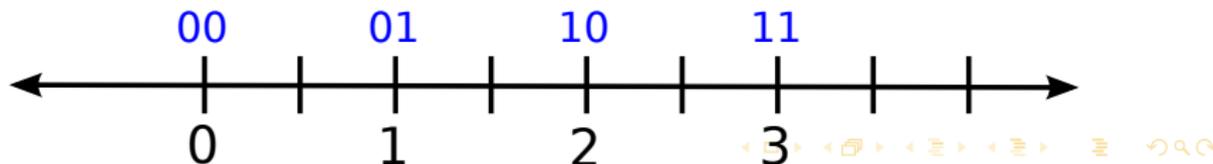


Mínimo Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(00) = 0$$

Máximo Interpretar la cadena que representa al máximo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(11) = 2^1 + 2^0 = 2 + 1 = 3$$



Rango

Calcular el rango del sistema $BSS(4, 2)$

Rango

Calcular el rango del sistema $BSS(4, 2)$



Mínimo Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(4,2)}(0000) = 0$$

Rango

Calcular el rango del sistema $BSS(4, 2)$



Mínimo Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(4,2)}(0000) = 0$$

Máximo Interpretar la cadena que representa al máximo:

$$\mathcal{I}_{bss(4,2)}(1111) = 2^1 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} = 3 + 0,75 = 3,75$$

Rango

El rango del sistema $BSS(4, 2)$ es $[0 : 3,75]$

Rango

El rango del sistema $BSS(4, 2)$ es $[0 : 3,75]$



¿Esto implica que pueden representarse todos los números en ese intervalo?

Rango

El rango del sistema $BSS(4, 2)$ es $[0 : 3,75]$

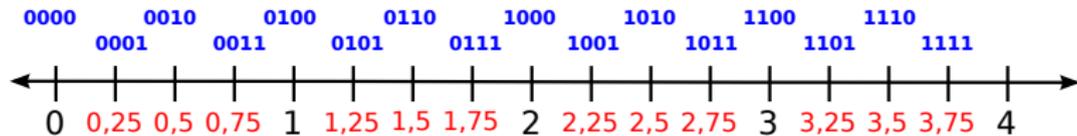


¿Esto implica que pueden representarse todos los números en ese intervalo?



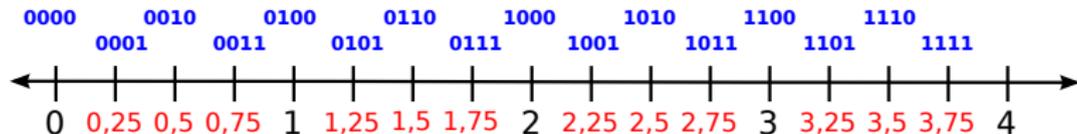
¡NO!

Rango

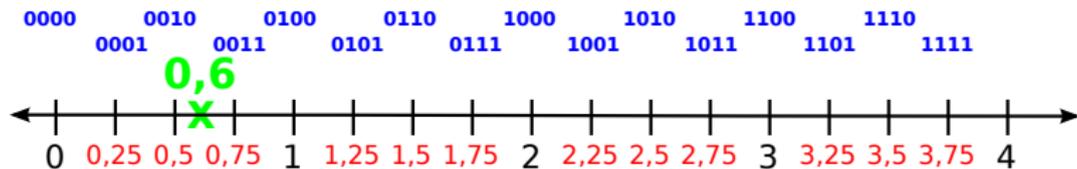


Por ejemplo: 0,6

Rango



Por ejemplo: 0,6



No es representable

Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo $BSS(2, 1)$, ¿Que distancia tienen?

Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo $BSS(2, 1)$, ¿Que distancia tienen?

| cadena | número representado |
|--------|---------------------|
| 00 | 0 |
| 01 | 0,5 |
| 10 | 1 |
| 11 | 1,5 |

Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo $BSS(2, 1)$, ¿Que distancia tienen?

| cadena | número representado |
|--------|---------------------|
| 00 | 0 |
| 01 | 0,5 |
| 10 | 1 |
| 11 | 1,5 |

Los números van “saltando” de 0,5 en 0,5.

Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo $BSS(2, 1)$, ¿Que distancia tienen?

| cadena | número representado |
|--------|---------------------|
| 00 | 0 |
| 01 | 0,5 |
| 10 | 1 |
| 11 | 1,5 |

Los números van “saltando” de 0,5 en 0,5.

Diremos entonces que la **resolución del sistema** es 0,5.

Resolución

distancia entre dos números representables consecutivos. Nos da una idea de precisión.

Resolución

Ejemplo

En el sistema $BSS(3, 1)$, ¿Que distancia tienen?

Resolución

Ejemplo

En el sistema $BSS(3, 1)$, ¿Que distancia tienen?

| cadena | número representado |
|--------|---------------------|
| 000 | 0 |
| 001 | 0,5 |
| 010 | 1 |
| 011 | 1,5 |
| 100 | 2 |
| 101 | 1,5 |
| 110 | 3 |
| 110 | 3,5 |

Resolución

Ejemplo

En el sistema $BSS(3, 1)$, ¿Que distancia tienen?

| cadena | número representado |
|--------|---------------------|
| 000 | 0 |
| 001 | 0,5 |
| 010 | 1 |
| 011 | 1,5 |
| 100 | 2 |
| 101 | 1,5 |
| 110 | 3 |
| 110 | 3,5 |

Resolución: 0,5

Resolución

Ejemplo

En el sistema $BSS(3, 2)$, ¿Que distancia tienen?

Resolución

Ejemplo

En el sistema $BSS(3, 2)$, ¿Que distancia tienen?

| cadena | número representado |
|--------|---------------------|
| 000 | 0 |
| 001 | 0,25 |
| 010 | 0,5 |
| 011 | 0,75 |
| 100 | 1 |
| 101 | 1,25 |
| 110 | 1,5 |
| 110 | 1,75 |

Resolución

Ejemplo

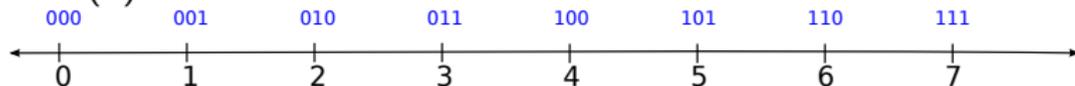
En el sistema $BSS(3, 2)$, ¿Que distancia tienen?

| cadena | número representado |
|--------|---------------------|
| 000 | 0 |
| 001 | 0,25 |
| 010 | 0,5 |
| 011 | 0,75 |
| 100 | 1 |
| 101 | 1,25 |
| 110 | 1,5 |
| 110 | 1,75 |

Resolución: 0,25

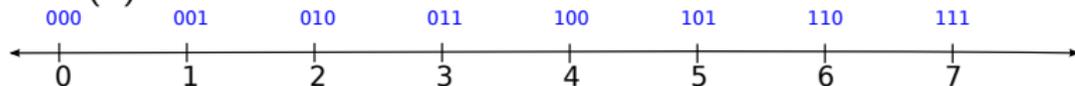
Resolución

● $BSS(3)$

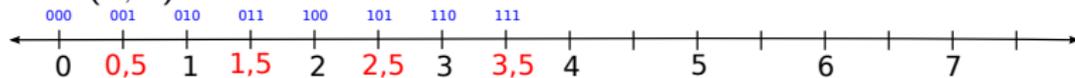


Resolución

- $BSS(3)$

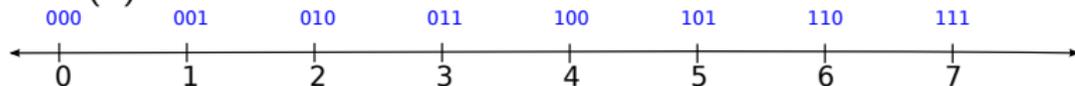


- $BSS(3, 1)$

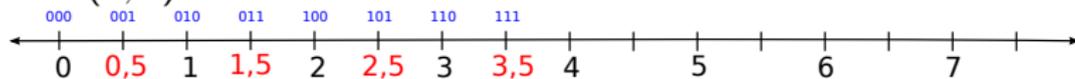


Resolución

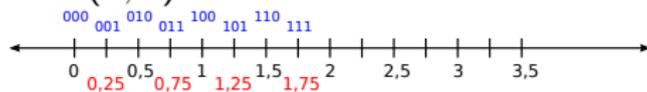
- $BSS(3)$



- $BSS(3, 1)$



- $BSS(3, 2)$



Ejemplos de interpretación BSS en 5 bits:

Ejemplo

Sistema $BSS(5, 2)$

$$00000 \rightarrow 0$$

$$00001 \rightarrow 2^{-2} = 0,25$$

$$00010 \rightarrow 2^{-1} = 0,5$$

$$00011 \rightarrow 2^{-1} + 2^{-2} = 0,75$$

$$00100 \rightarrow 2^0 = 1$$

$$00101 \rightarrow 2^0 + 2^{-2} = 1,25$$

...

$$01111 \rightarrow 2^1 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} = 3,75$$

$$10000 \rightarrow 2^2 = 4$$

$$10001 \rightarrow 2^2 + 2^{-2} = 4,25$$

$$10010 \rightarrow 2^2 + 2^{-1} = 4,5$$

$$10011 \rightarrow 2^2 + 2^{-1} + 2^{-2} = 4,75$$

...

$$11111 \rightarrow 2^2 + 2^1 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} = 7,75$$

Resolución

Calcular la resolución de los sistemas

- $BSS(8, 1)$
- $BSS(6, 4)$
- $BSS(16, 8)$

¿Cómo representar?

Representación en $BSS(n, m)$: dos métodos

(Separando partes)

La parte Entera:  como en $BSS(n - m)$.

La parte Fraccionaria:  con el método de las multiplicaciones sucesivas

(Corriendo la coma)

Correr el punto fraccionario para poder utilizar la representación en $BSS(n)$

Representación en $BSS(n, m)$: dos métodos

(Separando partes)

La parte Entera:  como en $BSS(n - m)$.

La parte Fraccionaria:  con el método de las multiplicaciones sucesivas



Representación en $BSS(n, m)$

(a) Parte Entera:  $BSS(n)$.

(b) Parte Fraccionaria:

- 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
- 2 Reservar la parte entera del resultado
- 3 Si ya hicimos $m+1$ multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
- 4 **Redondeo:** sumar **el bit obtenido en el último paso** a la cadena completa.

Representación en $BSS(n, m)$

(a) Parte Entera:  $BSS(n)$.

(b) Parte Fraccionaria:

- 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
- 2 Reservar la parte entera del resultado
- 3 Si ya hicimos $m+1$ multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
- 4 **Redondeo:** sumar **el bit obtenido en el último paso** a la cadena completa.

Ejemplo

Representar $X = 3,14$ en $BSS(7, 4)$

Representación en $BSS(n, m)$

(a) Parte Entera:  $BSS(n)$.

(b) Parte Fraccionaria:

- 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
- 2 Reservar la parte entera del resultado
- 3 Si ya hicimos $m+1$ multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
- 4 **Redondeo:** sumar **el bit obtenido en el último paso** a la cadena completa.

Ejemplo

Representar $X = 3,14$ en $BSS(7, 4)$

- Parte entera: $\mathcal{R}_{bss(3)}(3) = 011$

Representación en $BSS(n, m)$

(a) Parte Entera: $\dots \oplus BSS(n)$.

(b) Parte Fraccionaria:

- 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
- 2 Reservar la parte entera del resultado
- 3 Si ya hicimos $m+1$ multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
- 4 **Redondeo:** sumar el bit obtenido en el último paso a la cadena completa.

Ejemplo

Representar $X= 3,14$ en $BSS(7, 4)$

● Parte entera: $\mathcal{R}_{bss(3)}(3) = 011$

● Parte Fraccionaria:

$$0,14 * 2 = 0,28$$

$$0,28 * 2 = 0,56$$

$$0,56 * 2 = 1,12$$

$$0,12 * 2 = 0,24$$

$$0,24 * 2 = 0,48$$

$$\begin{array}{r} \text{Redondeo:} \quad + \quad 0110010 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad 0000000 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 0110010 \end{array}$$

Representación en $BSS(n, m)$

Ejemplo

Representar 6,625 en $BSS(8, 4)$

- Parte entera: $\mathcal{R}_{bss(4)}(6) = 0110$

Representación en $BSS(n, m)$

Ejemplo

Representar 6,625 en $BSS(8, 4)$

- **Parte entera:** $\mathcal{R}_{bss(4)}(6) = 0110$
- **Parte Fraccionaria:**
 - $0,625 * 2 = 1,250$
 - $0,250 * 2 = 0,500$
 - $0,500 * 2 = 1,000$
 - $0,000 * 2 = 0,000$
 - $0,000 * 2 = 0,000$
- Se componen las cadenas: 01101010

Representación en $BSS(n, m)$: dos métodos



(Corriendo la coma)

Correr el punto
fraccionario para poder
utilizar la representación
en $BSS(n)$

Representación en $BSS(n, m)$: Corriendo la coma

Correr el punto fraccionario para poder utilizar la representación en $BSS(n)$

- 1 Multiplicar al número X que se quiere representar por 2^m
- 2 Redondear el número obtenido (X') al entero más cercano (X'').
- 3 Representar X'' en $BSS(n)$.

Representación en $BSS(n, m)$

- 1 Multiplicar al número X que se quiere representar por 2^m
- 2 Redondear el número obtenido (X') al entero más cercano (X'').
- 3 Representar X' en $BSS(n)$.

Ejemplo

Representar $X = 3,14$ en $BSS(7, 4)$

Representación en $BSS(n, m)$

- 1 Multiplicar al número X que se quiere representar por 2^m
- 2 Redondear el número obtenido (X') al entero más cercano (X'').
- 3 Representar X' en $BSS(n)$.

Ejemplo

Representar $X = 3,14$ en $BSS(7, 4)$

$$\bullet X * 2^4 = 50,24 = X'$$

Representación en $BSS(n, m)$

- 1 Multiplicar al número X que se quiere representar por 2^m
- 2 Redondear el número obtenido (X') al entero más cercano (X'').
- 3 Representar X' en $BSS(n)$.

Ejemplo

Representar $X = 3,14$ en $BSS(7, 4)$

- $X * 2^4 = 50,24 = X'$
- Redondeo: $X' \approx 50 = X''$
- $\mathcal{R}_{bss(7)}(50) = 0110010$

Representación en $BSS(n, m)$

- 1 Multiplicar al número X que se quiere representar por 2^m
- 2 Redondear el número obtenido (X') al entero más cercano (X'').
- 3 Representar X'' en $BSS(n)$.

Ejemplo

Representar $X= 6,625$ en $BSS(8, 4)$

Representación en $BSS(n, m)$

- 1 Multiplicar al número X que se quiere representar por 2^m
- 2 Redondear el número obtenido (X') al entero más cercano (X'').
- 3 Representar X'' en $BSS(n)$.

Ejemplo

Representar $X=6,625$ en $BSS(8, 4)$

$$\bullet X * 2^4 = 106 = X'$$

Representación en $BSS(n, m)$

- 1 Multiplicar al número X que se quiere representar por 2^m
- 2 Redondear el número obtenido (X') al entero más cercano (X'').
- 3 Representar X'' en $BSS(n)$.

Ejemplo

Representar $X=6,625$ en $BSS(8, 4)$

- $X * 2^4 = 106 = X'$
- Redondeo: $X' \approx 106 = X''$
- $\mathcal{R}_{bss(8)}(106) = 01101010$

¿Como controlar el resultado obtenido?

¿Como controlar el resultado obtenido?



¡Interpretando!

Representación de 3,14 en $BSS(7, 4)$ es 0110010

Representación de 3,14 en $BSS(7, 4)$ es 0110010



$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125$$

Representación de 3,14 en $BSS(7, 4)$ es 0110010



$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125 \quad \times$$

Representación de 3,14 en $BSS(7, 4)$ es 0110010



$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125 \quad \times$$



¿Porqué no obtuvimos 3,14?

Representación de 3,14 en $BSS(7, 4)$ es 0110010



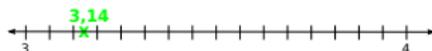
$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125 \quad \times$$



¿Porqué no obtuvimos 3,14?



¡No es representable!



Aproximación

Si $3,14$ no es representable, se obtiene una aproximación

Aproximación

Si $3,14$ no es representable, se obtiene una aproximación



$$3,125 \approx 3,14$$

Error por aproximación

Ejercicio: representar $0,4$ en $BSS(2, 1)$

Error por aproximación

Ejercicio: representar $0,4$ en $BSS(2, 1)$

- $X = 0,4$ $m = 1$
- $X' = 0,4 \times 2^1 = 0,8$
- $\mathcal{R}_{bss(3)}(1) = 001$

Error por aproximación

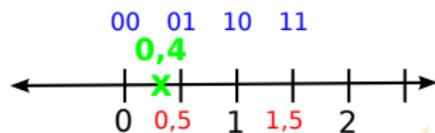
Ejercicio: representar $0,4$ en $BSS(2, 1)$

- $X = 0,4$ m = 1
- $X' = 0,4 \times 2^1 = 0,8$
- $\mathcal{R}_{bss(3)}(1) = 001$



Comprobar el resultado

$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(001) = 2^{-1} = 0,5$$



¡Herrar es humano!

Error Absoluto

Error Absoluto

Valor absoluto de la diferencia entre el número que se quiere representar y el número representado.

$$EA(X) = |X - E|$$

donde E es el valor de la Representación más próxima a X.

- En este caso $EA(0,4) = |0,4 - 0,5| = 0,1$.

Error Absoluto

- El error absoluto de un **número representable** es 0 ya que no hay diferencia entre el número que se quiere representar y su Representación.
- Notar que el Error Absoluto tiene como cota máxima la mitad de la resolución:

$$(\forall X \in \text{rango}) 0 \leq EA(X) \leq R/2$$

Error Relativo

Ejemplo

Representar el número 14,9 en $BSS(8, 4)$:

- 1 $X = 14,9$ $m = 4$
- 2 $X' = 14,9 \times 2^4 = 238,4$
- 3 $\mathcal{R}_{bss(8)}(238) = 11101110$
- 4 $\mathcal{I}_{bss(8,4)}(11101110) = 14,875$

$$EA(14,9) = |14,9 - 14,875| = 0,025$$

El error cometido al representar 14,9 es el mismo que al representar 3,9. Sin embargo el valor del error 0,025 es “más importante” al representar 3,9 que al representar 14,9.

Error Relativo

Error Relativo

$$ER(X) = \left| \frac{EA(X)}{X} \right| (\forall X \neq 0 \in \text{rango})$$

$$ER(3,9) = \left| \frac{EA(3,9)}{3,9} \right| = |0,025/3,9| \approx 0,0064 = 0,64\%$$

$$ER(14,9) = \left| \frac{EA(14,9)}{14,9} \right| = |0,025/14,9| \approx 0,0016 = 0,16\%$$

El error relativo al representar 14,9 es menor que el error relativo al representar 3,9

Error Absoluto y Relativo

Calcular error absoluto en $BSS(8, 4)$

- 1,1
- 2,125
- 3,099
- 4,75
- 19,99

Error Absoluto y Relativo

Calcular error relativo en $BSS(8, 4)$

- 0,1
- 15,1

Error Relativo

- El error relativo más grande se produce al representar números muy cercanos a cero, para los cuales el sistema los representa como 0. Para estos números, $EA(X) = X$, y $ER(X) = 1 = 100\%$.
- Los errores relativos más pequeños se producen en el extremo superior del rango.

Bonus Track: trabajo en máquina



Trabajo Práctico

- Escribir un programa que implemente el algoritmo de monocromatización por máxima componente



- Probar el programa con un conjunto dado de imágenes

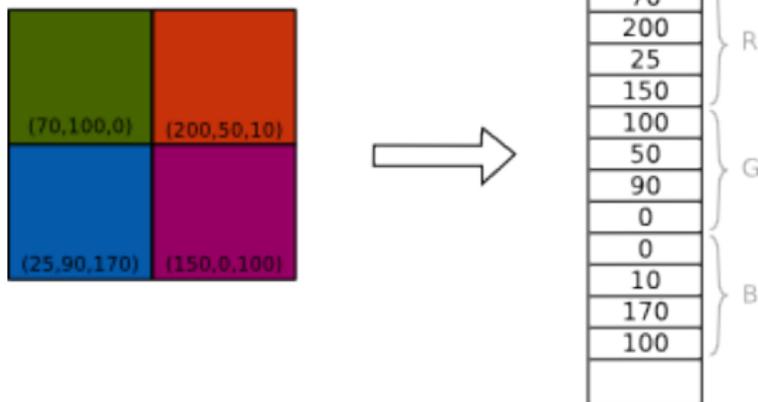
Trabajo Práctico

- Se debe hacer en la arquitectura x86 (comercial)
- Las imágenes deben estar en formato .bmp
 - La imagen BMP es una matriz de píxeles
 - Cada pixel es una terna (RGB)
 - Cada valor R, G o B pertenece al intervalo $[0,255]$  ocupa un byte



Trabajo Práctico

La matriz se representa en memoria como un arreglo



Trabajo Práctico

Toda esta información en un



(en el blog)

¡Demostración!

¿Preguntas?